

## Jednačina stanja idealnog gasa

1. U čeličnoj boci nalazi se 25 l ugljendioksida (idealni gas) na temperaturi 20 °C i pritisku 100 bar. Koliku bi zapreminu zauzela ista količina kiseonika pod pritiskom 1,013 bar i na temperaturi 0 °C (normalni uslovi)?

$$V_1 = 2.297 \text{ m}^3$$

2. U nekom sudu nalazi se 5 kg kiseonika (idealni gas) na temperaturi 15 °C i pritisku 9,81 bar. Odrediti pritisak u sudu ako temperatura poraste za 200 °C.

$$p_2 = 16,6 \text{ bar}$$

3. U posudi se nalazi 1,2 kg amonijaka pri temperaturi od -15 °C, pritiska 6 bara. Kolika je zapremina i gustina tog gasa?

$$\rho = 4,75 \text{ kg/m}^3$$
$$V = 0,25 \text{ m}^3$$

4. Odrediti gustinu acetilena na temperaturi od 60 °C i pritiski 15 bar.

$$\rho = 14,09 \text{ kg/m}^3$$

5. Molarna masa nekog idealnog gasa iznosi 45 kg/kmol. Kolika je specifična zapremina i gustina tog gasa na pritisku 1,5 bar i temperaturi 75 °C?

$$v = 0,429 \text{ m}^3/\text{kg}$$
$$\rho = 2,33 \text{ kg/m}^3$$

## Smeše idealnih gasova

6. Odrediti gasnu konstantu smeše, koja sadrži 0,8 m<sup>3</sup> ugljenmonoksida i 1,2 m<sup>3</sup> vazduha.

$$R_{sm} = 290,7 \text{ J/kgK}$$

7. Odrediti masene udele komponenata smeše (kiseonika i azota), ako gasna konstanta smeše iznosi R<sub>sm</sub>=2050 J/kgK.

$$g_{H_2} = 45.4\%$$

$$g_{N_2} = 54.5\%$$

8. Odrediti temperaturu 1,5 kg gasne smeše zapreminskog sastava r<sub>O<sub>2</sub></sub>=0,25, r<sub>CO<sub>2</sub></sub>=0,15 i r<sub>N<sub>2</sub></sub>=0,60, koja se nalazi u sudu zapremine 4 m<sup>3</sup> na pritisku 2 bara.

$$T = 2014,1 \text{ K}$$

9. Suv vazduh sadrži 23,2 % kiseonika i 76,8 % azota u masenim udelima. Odrediti gasnu konstantu smeše, molarnu masu i zapreminske udele.

$$R_{sm} = 288,4 \text{ J/kgK}$$

$$M_{sm} = 28,8 \text{ kg/kmol}$$

$$r_{N_2} = 0,8$$

$$r_{O_2} = 0,2$$

10. U rezervoaru zapremine  $10 \text{ m}^3$  se nalazi smeša idealnih gasova na pritisku od  $0,16 \text{ MPa}$ . Smeša se sastoji od  $8 \text{ kg}$  azota,  $6 \text{ kg}$  kiseonika i  $7,4 \text{ kg}$  ugljendioksida. Temperatura smeše iznosi  $27^\circ\text{C}$ . Odrediti parcijalne pritiske pojedinih komponenata u smeši.

$$p_{O_2} = 0,043 \text{ bar}$$

$$p_{N_2} = 0,05 \text{ bar}$$

11. Za smešu koja se sastoji od  $20 \text{ kg}$  azota i  $5 \text{ kg}$  ugljendioksida odrediti gasnu konstantu smeše.

$$R_{sm} = 274,55 \text{ J/kgK}$$

### Promene stanja idealnog gase

12. Pri izobarskoj promeni stanja kiseonik (idealni gas) prelazi iz stanja 1 ( $p_1 = 8 \text{ bar}$ ,  $t_1 = 25^\circ\text{C}$ ), u stanje 2 ( $t_2 = 200^\circ\text{C}$ ). Odrediti veličine stanja u karakterističnim tačkama, prikazati promenu stanja u p-v dijagramu i izračunati razmenjenu količinu toplote.

$$v_1 = 0,09685 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$v_2 = 0,154 \text{ m}^3/\text{kg}$$

13. Pri izohorskoj promeni stanja azot (idealni gas) iz stanja 1 ( $p_1 = 1,2 \text{ bar}$ ,  $v_1 = 0,4 \text{ m}^3/\text{kg}$ ) u stanje 2 ( $p_2 = 5 \text{ bar}$ ). Odrediti veličine stanja u karakterističnim tačkama, prikazati promenu stanja u p-v dijagramu i izračunati razmenjenu količinu toplote

$$T_1 = 161,62 \text{ K}$$

$$T_2 = 673,4 \text{ K}$$

$$q_{12} = 378,72 \text{ kJ/kg}$$

14. U jednom cilindru zapremine  $10 \text{ l}$  nalazi se vazduh pritiska  $10 \text{ bara}$  i temperature  $25^\circ\text{C}$ . Kolika je krajnja zapremina, krajnja temperatura, rad i odvedena toplota pri ekspanziji do  $1 \text{ bara}$  po izentropskom procesu? Predstaviti proces u p-V dijagramu

$$V_2 = 0,0518 \text{ m}^3$$

$$T_2 = 154,2 \text{ K}$$

$$\Delta U = 12,1 \text{ kJ}$$

15. U jednom cilindru zapremine  $20 \text{ l}$  nalazi se kiseonik pritiska  $8 \text{ bara}$  i temperature  $25^\circ\text{C}$ . Kolika je krajnja zapremina, krajnja temperatura, rad i odvedena toplota pri ekspanziji do  $1 \text{ bara}$  po izentropskom procesu? Predstaviti proces u p-V dijagramu

$$V_2 = 0,088 \text{ m}^3$$

$$T_2 = 164 \text{ K}$$

$$Q_{12} = 0$$

$$W_{12} = -18 \text{ kJ}$$

16. Dva kilograma kiseonika (idealni gas) početnog stanja ( $p=1$  bar,  $t=100^\circ\text{C}$ ) menja stanje izentropski ( $k=1,4$ ) dok mu se zapremina ne smanji dva puta. Odrediti veličine stanja u karakterističnim tačkama, prikazati promenu stanja u p-v dijagramu. Izračunati razmenjenu količinu toplote

$$\begin{aligned}V_1 &= 1,94 \text{ m}^3 \\p_2 &= 2,64 \text{ bar} \\T_2 &= 492,18 \text{ K}\end{aligned}$$

## I princip termodinamike

17. Tokom politropske ekspanzije  $m = 3$  kg idealnog gasa, temperatura gase opadne sa  $T_1 = 550$  K na  $T_2 = 300$  K i izvrši se zapreminski rad  $120$  kJ, tom prilikom, idealnom gasu se dovodi  $20$  kJ toplote. Odrediti specifični toplotni kapacitet  $c_v$  datog gasa.

$$c_v = 0,133 \text{ kJ/kgK}$$

18. Količini ugljendioksida od  $5$  kg dovodi se  $350$  kJ toplote, pri čemu se temperatura ugljendioksida poveća od  $300$  K na  $350$  K. Koliki se absolutni rad pri tome odvodi?

$$W_{12} = 185 \text{ kJ}$$

19. Količini od  $0,8 \text{ m}^3$  vazduha pri pritisku od  $4$  bar i temperaturi od  $30^\circ\text{C}$  pri konstantnom pritisku dovodi se toplota tako da zapremina poraste na  $1,5 \text{ m}^3$ . Kolika se temperatura postiže i koliku količinu toplote treba dovesti?

$$\begin{aligned}T_2 &= 568 \text{ K} \\Q_{12} &= 975,5 \text{ kJ}\end{aligned}$$

20. Vazduh mase  $2,33$  kg i zapremine  $1 \text{ m}^3$  i temperature  $15^\circ\text{C}$  širi se izobarski do zapremine  $1,5 \text{ m}^3$ . Odrediti temperaturu vazduha nakon širenja, promenu unutrašnje energije i izvršen rad ako je dovedena količina toplote od  $335$  kJ.

$$T_2 = 432 \text{ K}$$

$$\begin{aligned}\Delta U &= 238,7 \text{ kJ} \\W_{12} &= 96,3 \text{ kJ}\end{aligned}$$

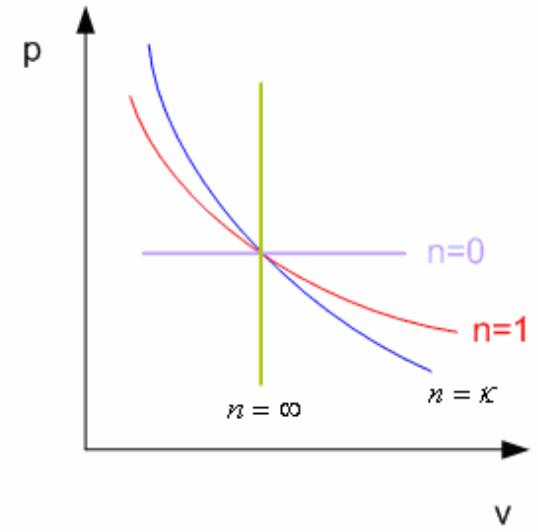
21. Nekom gasu se u jednom cilindru pri konstantnom pritisku dovodi toplota tako da se zapremina gasa utrostruči. Na koju temperaturu treba gas zagrejati i koju količinu toplote po jedinici mase treba dovesti ako je početna temperatura  $293$  K? Spasificična toplota pri konstantnom pritisku gase je  $0,9148 \text{ kJ/kgK}$ .

$$\begin{aligned}T_2 &= 879 \text{ K} \\q_{12} &= 536 \text{ kJ/kg}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned} p \cdot v &= R \cdot T \\ p \cdot V &= m \cdot R \cdot T \\ v = \frac{V}{m} ; R &= \frac{R_u}{M_s} \\ P \cdot V &= k \cdot R_u \cdot T \\ k &= \frac{m}{M} ; \\ V'_{\text{mol}} &= V \cdot M \\ P \cdot V'_{\text{mol}} &= R_u \cdot T \end{aligned}$$

- za 1 kg  
- za n kg

**IDEALNI GAS**  
 $p$  – pritisak (1bar) =  $10^5 \text{ N/m}^2 = 10^5 \text{ J/m}^2$   
 $T$  – temperatura (K)  
 $v$  – specifična zapremina ( $\text{m}^3/\text{kg}$ )  
 $V$  – zapremina ( $\text{m}^3$ )  
 $R$  - gasna konst. vezana za radno telo ( $\text{J/kgK}$ )  
 $R_u$  – 8315 ( $\text{kJ/kmolK}$ ) – univerzalna gasna konst.  
 $M$  – molska masa ( $\text{kg/Kmol}$ )  
 $K$  – broj kilomolova (Kmol)



### SMEŠE IDEALNIH GASOVA

$$g_k = \frac{m_k}{m_{sm}} ; \sum g_k = 1; m_{sm} = \sum m_k; g_k = r_k \frac{M_k}{M_k} = r_k \frac{R_{sm}}{R_k} = \frac{r_k \cdot M_k}{\sum r_k \cdot M_k}; g - \text{relativni maseni udeo}$$

$$r_k = \frac{V_k}{V_s}; \sum r_k = 1; r_k = \frac{\frac{g_k}{M_k}}{\sum (\frac{g_k}{M_k})} = g_k \frac{M_{sm}}{M_k} = g_k \frac{R_k}{R_{sm}}; V_{sm} = \sum V_k; r - \text{relat. zapreminske udeo}$$

$$x_k = \frac{K_k}{K_{sm}}; \sum x_k = 1; x_k \equiv r_k; K_{sm} = \sum K_k; K_k = \frac{m_k}{M_k} \quad x - \text{relativni molski udeo}$$

$$M_{sm} = \frac{1}{\sum \frac{g_k}{M_k}}; M_{sm} = \sum r_k \cdot M_k; M_{sm} = \sum x_k \cdot M_k \quad M - \text{molska masa (kg/Kmol)}$$

$$R_{sm} = \frac{R_u}{M_{sm}} = \sum g_k \cdot R_k; R_{sm} = \frac{1}{\sum r_k \cdot R_k}; R_k = \frac{R_u}{M_k} \quad R - \text{gasna konstanta; } R_u = 8,315 [\text{kJ/kmolK}]; N=14; C=12; O=16; H=1$$

PRVI PRINCIP TERMODINAMIKE					
	Politropa	Izobara	Izoterma	Izohora	Izentropa (idealna adijabata)
Količina toplove (kJ/kg)	$q_{1,2} = c_v \frac{n-\gamma}{n-1} (T_2 - T_1)$	$q_{1,2} = c_p (T_2 - T_1)$	$W_{1,2}' = R \cdot T \cdot \ln \frac{v_2}{v_1} = R \cdot T \cdot \ln \frac{p_1}{p_2}$	$q_{1,2} = c_v (T_2 - T_1)$	$q_{1,2} = 0$
Specifični zapreminski rad (kJ/kg)	$W_{1,2}' = \frac{R}{n-1} (T_1 - T_2)$	$W_{1,2}' = p(v_2 - v_1)$	$W_{1,2}' = R \cdot T \cdot \ln \frac{v_2}{v_1} = R \cdot T \cdot \ln \frac{p_1}{p_2}$	$W_{1,2}' = 0$	$W_{1,2}' = \frac{R}{\gamma-1} (T_1 - T_2)$